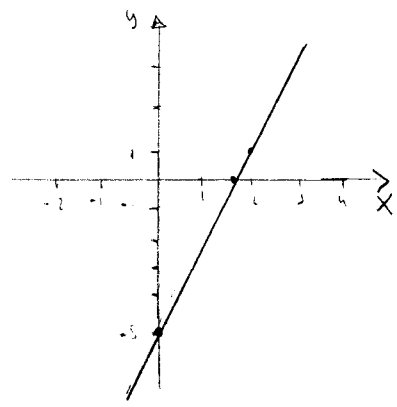


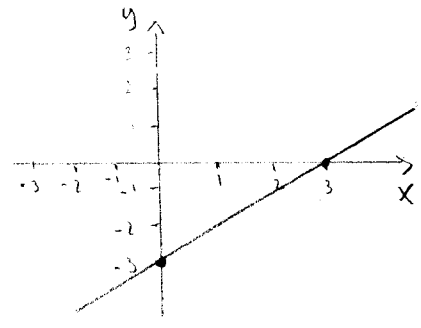
Propperi
060822
Kap 5
[5.1]

Rita linjen

a) $y = 3x - 5$



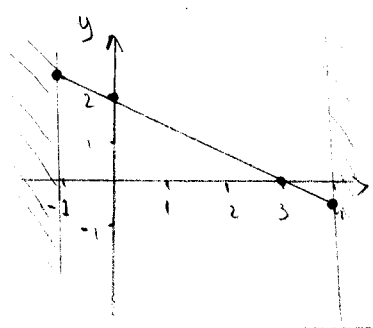
d) $y = x - 3$



[5.2] Rita sträckan

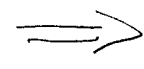
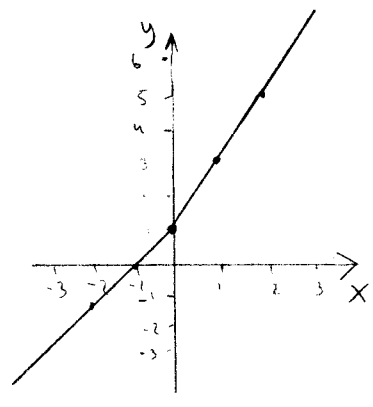
d) $2x + 3y - 6 = 0$
 $y = -\frac{2}{3}x + 2$

$-1 \leq x \leq 4$



[5.3] Rita kurvan

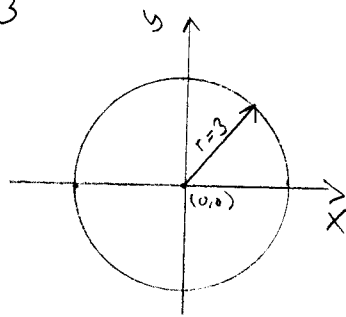
a) $y = \begin{cases} x+1 & x < 0 \\ 2x+1 & x \geq 0 \end{cases}$



[5.5] Rita kurvan/kurvorna

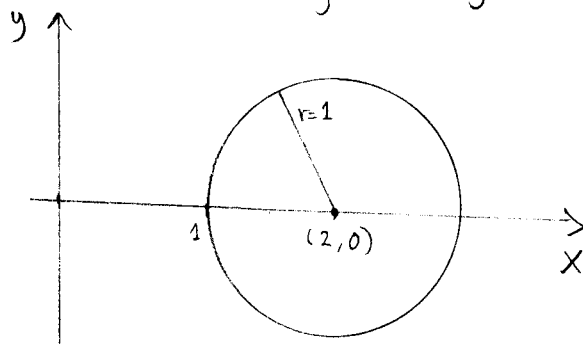
$$a) x^2 + y^2 = 9 \Rightarrow x^2 + y^2 = 3^2 \Rightarrow (x-0)^2 + (y-0)^2 = 3^2$$

Detta är en cirkel med medelpunkten i origo $(x_0, y_0) = (0, 0)$ och radien $r = 3$



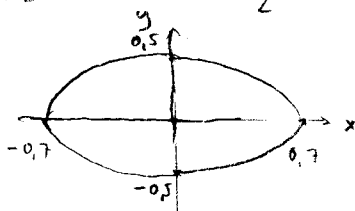
$$b) (x-2)^2 + y^2 = 1 \Rightarrow (x-2)^2 + (y-0)^2 = 1^2$$

Cirkel förskjuten 2 steg till höger. Radien är 1

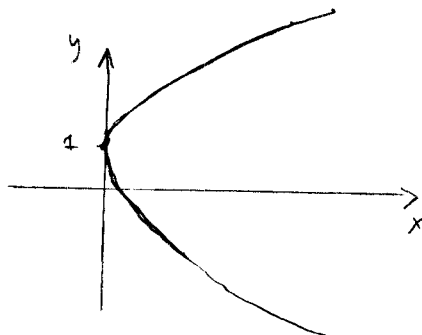


$$d) 2x^2 + 4y^2 = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{1/2} + \frac{y^2}{1/4} = 1 \Rightarrow \frac{(x-0)^2}{(1/\sqrt{2})^2} + \frac{(y-0)^2}{(1/2)^2} = 1$$

Ellipsen har sin centrum i punkten $(0, 0)$ och halvaxlarna $a = \frac{1}{\sqrt{2}}$ och $b = \frac{1}{2}$



$$g) (y-1)^2 = 2x \Rightarrow (y-1) = 2(x-0) \Rightarrow \text{Parabel}$$



Bestäm den geometriska betydelsen av ekvationen och rita motsvarande kurva

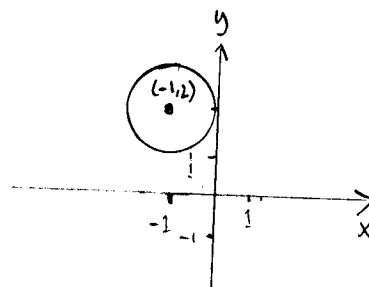
a) $x^2 + 2x + y^2 - 4y + 4 = 0$

Vi kvadratkompletterar för x och y :

$$x^2 + 2x + 1 - 1 + y^2 - 2 \cdot 2y + 2^2 - 2^2 + 4 = 0$$

$$(x + 1)^2 - 1 + (y - 2)^2 - 2^2 + 4 = 0$$

$$(x - (-1))^2 + (y - 2)^2 = 1$$



c) $4x^2 - 8x + 3y^2 + 12y + 4 = 0$

$$4(x^2 - 2x) + 3(y^2 + 4y) + 4 = 0$$

$$4(x^2 - 2x + 1 - 1) + 3(y^2 + 2 \cdot 2y + 2^2 - 2^2) + 4 = 0$$

$$4((x - 1)^2 - 1) + 3((y + 2)^2 - 2^2) + 4 = 0$$

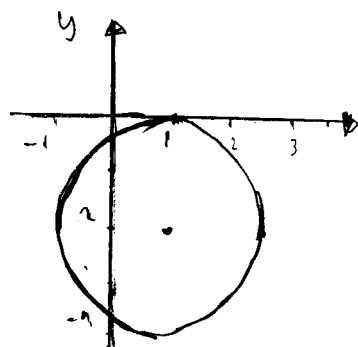
$$4(x - 1)^2 - 4 + 3(y + 2)^2 - 12 + 4 = 0$$

$$4(x - 1)^2 + 3(y + 2)^2 = 12$$

$$\frac{4}{12}(x - 1)^2 + \frac{3}{12}(y + 2)^2 = 1$$

$$\frac{(x - 1)^2}{3} + \frac{(y + 2)^2}{4} = 1 \Rightarrow \frac{(x - 1)^2}{(\sqrt{3})^2} + \frac{(y - (-2))^2}{2^2} = 1$$

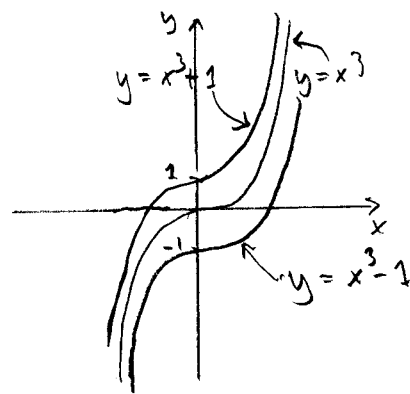
\Rightarrow En ellips med centrum i $(1, -2)$ och halvaxlarna $a = \sqrt{3}$ och $b = 2$



[5.8] I figuren är kurvan $y = x^3$ ritad

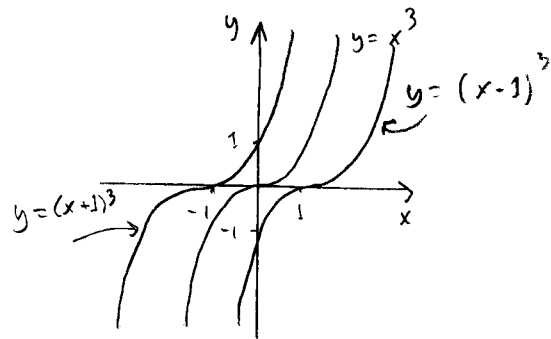
Rita båda kurvorna $y = x^3 + 1$
och $y = x^3 - 1$ i samma figur

\Rightarrow Samma kurva fast förskuten i y-led
med +1 och -1

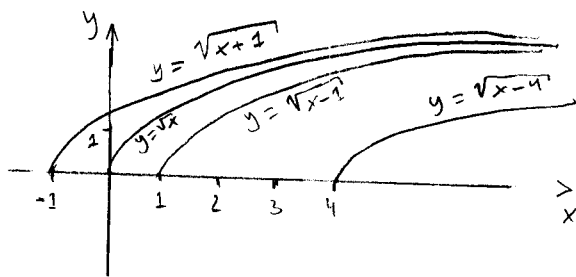


[5.9] Vi utgår från $y = x^3$. Rita kurvorna $y = (x-1)^3$ och $y = (x+1)^3$ i
samma figur.

Kurvan $y = x^3$ förflyttas i x-led
med +1 och -1



[5.10] Vi utgår nu från kurvan $y = \sqrt{x}$, som är definierad för $x \geq 0$.
Kurvan är "en halv parabel", eftersom sambandet $y = \sqrt{x}$ är
ekvivalent med $y^2 = x$, $y \geq 0$. Rita de tre kurvorna $y = \sqrt{x-1}$,
 $y = \sqrt{x+1}$, $y = \sqrt{x-4}$ i samma figur.



[5.19] Ange en ekvation för en rät linje genom punkterna

a) $(2,0)$, $(0,1)$

$$k = \frac{1-0}{0-2} = -\frac{1}{2} \Rightarrow y = -\frac{1}{2}x + m$$

$$y(0) = -\frac{1}{2} \cdot 0 + m = 1 \Rightarrow m = 1 \Rightarrow \underline{\underline{y = -\frac{1}{2}x + 1}}$$

Ange en ekvation för en rät linje genom punkten $(-1, -3)$ och som har riktningskoefficienten $k = -\frac{1}{3}$

Vi vet att rätta linjens ekvation är

$$y(x) = kx + m \quad \text{och att } k = -\frac{1}{3}. \text{ Vi får då}$$

$$y(x) = -\frac{x}{3} + m. \text{ Vi har följande koordinater}$$

givna $(-1, -3)$ dvs då

$$x = -1 \text{ förs att } y = -3$$

$$y(-1) = -\frac{(-1)}{3} + m = -3$$

$$\Rightarrow \frac{1}{3} + m = -3 \Rightarrow m = -3 - \frac{1}{3} = -\frac{9}{3} - \frac{1}{3} = -\frac{10}{3}$$

$$\Rightarrow y = -\frac{x}{3} - \frac{10}{3} = -\frac{x+10}{3}$$

[5,21] Bestäm medelpunkt och radie för en cirkel med ekvationen $x^2 + 4x = 2y - y^2$

$$x^2 + 4x = 2y - y^2 \Rightarrow x^2 + 4x + y^2 - 2y = 0$$

Vi kvadratkompletterar ekvationen och får

$$\underbrace{x^2 + 4x + 2^2 - 2^2} + \underbrace{y^2 - 2y + 1 - 1} = 0$$

$$(x+2)^2 - 2^2 + (y-1)^2 - 1 = 0$$

$$(x+2)^2 + (y-1)^2 = 5$$

$$(x - (-2))^2 + (y-1)^2 = (\sqrt{5})^2$$

Medelpunkten blir $(-2, 1)$ och radien $\sqrt{5}$

